

# S08 级教师用书

## 一、8-1 平面图形：连点绘图①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿按照示例将点描画成与示例相同的图形，以蓝色圆点为基准，画图时不得偏离，核心考查蓝色圆点与图形顶点的精准定位能力、复杂图形特征（如多段倾斜边、局部对称）的同步还原能力、手部精细动作协调性，题目中图形顶点数量增加且含不规则曲线过渡，部分题目明确要求“挑战一笔成形”，需兼顾位置精准度与线条连贯性。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与绘制”模块中，“基于基准点的复杂图形精准绘图（含一笔成形）”是重点内容，本题与校内“以指定点为基准，画出含倾斜边的复杂图形并尝试一笔完成”的测试题型完全一致，是绘图能力的高阶基础训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形绘制”单元测试稍难题型（占比约 6%-8%），如“以蓝色圆点为基准，画出含多段倾斜边的图形并尝试一笔成形”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”中等难度题，二年级浅奥“复杂一笔绘图推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 顶点定位与特征标记：引导幼儿以蓝色基准点为原点，用“横向格数 + 纵向格数”标注每个顶点位置（如“基准点向右 5 格、向上 3 格是顶点 A”），同时标记图形特征（如“AB 边倾斜、BC 边与 DE 边对称”）；
- 分段练习与一笔衔接：先分段绘制图形，熟练后尝试一笔成形，衔接处强调“线条连贯不中断”（如“从顶点 A→B→C→D→A，转弯处流畅过渡”）；
- 整体校准：绘制完成后，对比示例图形的顶点位置、边的倾斜角度及整体形态，调整偏差。

#### 2) 注意事项

- 强化基准唯一性：提醒幼儿全程以蓝色圆点为唯一基准，避免中途更换参照点导致位置偏差；

- 控制绘图节奏：一笔成形训练时，引导幼儿匀速绘图，避免因速度过快导致线条偏离或断点；
- 允许局部修正：对偏离的线条，仅局部擦除修正，不整体重画，培养细节纠错能力。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握基于基准点的复杂图形绘图方法，理解 “定位 + 特征 + 连贯线条” 的绘图逻辑，深化小学二年级图形绘制的高阶知识；
- 能力层面：提升基准定位能力、图形特征还原能力、手部精细动作协调性，培养 “精准定位、特征匹配、连贯绘图” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂图形绘制稍难题型和浅奥图形操作高阶题，提升答题的精准度和规范性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “复杂特征 + 一笔成形” 的设计，强化了幼儿对图形构成与线条控制的综合认知，既对接校内图形绘制的进阶考点，又匹配浅奥图形操作的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的绘图能力，不仅能提升数学图形题得分，还能迁移到美术绘画、手工创作等场景，同时为后续复杂几何图形学习打下基础。”

## 二、8-1 平面图形：分解方格①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿将完整的方格分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查复杂方格的分解能力、正方形与长方形的特征深度认知能力，题目中方格规模更大（如  $6 \times 6$ ），数字分布更密集（含 2、3、4、9 等），需优化分割方案，确保所有图形均符合正方形或长方形形态，且无零散方格残留。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与分类”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“根据多数字提示分割复杂方格为正方形和长方形”的课后拓展题型一致，是图形分解能力的高阶基础训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形分类”单元测试稍难题型（占比约 6%-8%），如“将含 2、3、4、9 的  $6 \times 6$  方格分割为正方形和长方形”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”中等难度题，二年级浅奥“复杂方格推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 大数字优先分割：引导幼儿先处理较大数字（如 9、4），优先匹配正方形（ $9 \rightarrow 3 \times 3$  正方形， $4 \rightarrow 2 \times 2$  正方形），再处理小数字（2、3），组合为长方形（ $2+3=5$  错误，修正为  $2 \rightarrow 1 \times 2$  长方形， $3 \rightarrow 1 \times 3$  长方形）；
- 数字组合优化：对相邻小数字（如  $2+2=4$ ），引导组合为符合形态的图形（ $2+2=4 \rightarrow 2 \times 2$  正方形），减少零散方格；
- 形态验证：每完成一次分割，核对图形是否为正方形或长方形，确保无形态错误。

#### 2) 注意事项

- 强调形态规范：提醒幼儿“分割后的图形仅可为正方形或长方形”，禁止出现不规则图形；
- 避免重叠与遗漏：用铅笔标记已分割区域，核对方格总数（如  $6 \times 6=36$  格，分割后数字总和需为 36），确保无重叠、无遗漏；
- 结合面积认知：同步讲解“数字 = 图形面积，分割过程就是面积分解的过程”，深化面积与图形的关联认知。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握复杂方格的多数字分割方法，理解大数字优先与小数字组合的逻辑，深化小学二年级图形分解与面积的高阶知识；

- 能力层面：显著提升方格分割能力、数字组合优化能力、图形形态判断能力，培养 “大数字优先、组合优化、形态验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂方格分割稍难题型和浅奥图形操作高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “大规格方格 + 多数字” 的设计，强化了幼儿对图形与数字关联的认知，既对接校内图形分类的进阶考点，又匹配浅奥图形操作的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的方格分割能力，是后续乘法方格、面积计算的核心基础，同时能提升孩子的空间规划与逻辑思维，为应对综合题打下基础。”

# 三、8-1 平面图形：组合拼图板①

## 1. 题目内容描述

要求幼儿从下方 12 枚 5 格拼图板中，选出可以拼成示例图形的拼图板，即使拼图板翻转也没关系，且示例模型比实际缩小 1/2，核心考查不规则图形（含嵌套缺口）的拆分与组合能力、5 格拼图板翻转后的特征预判能力，需先确认示例图形的横向、纵向块数，再筛选匹配的拼图板，确保组合后尺寸与示例一致，且拼图板形状更复杂（含弧形、多边形边缘）。

## 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“图形的拼组”模块中，“不规则图形的 5 格拼图板组合（纵横块数匹配）”是重点内容，本题与校内“选 3 块 5 格拼图板拼出与示例纵横块数一致的不规则图案”的课后拓展题型一致，是图形组合能力的高阶基础训练。

## 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形拼组”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），如“选 3 块拼图板拼出与示例横 4 格、纵 3 格一致的动物轮廓”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“多拼图组合推理”题的前置训练。

## 4. 老师的教学方法和注意事项

### 1) 教学方法

- 示例图形纵横块数与缺口解构：引导幼儿先观察示例图形的横向、纵向块数（如“横向 4 格、纵向 3 格”），再标注嵌套缺口位置（如“头部含 1 格缺口、身体含 2 格缺口”）；
- 拼图板翻转特征匹配：逐一分析 12 枚 5 格拼图板的翻转形态（如“某 L 形拼图板翻转后可匹配头部缺口，某 T 形拼图板翻转后可匹配身体凸起”），筛选候选拼图板；
- 实物拼组验证：用教具拼图板按“核心区域→缺口区域”的顺序拼组，调整翻转角度，确保边缘、缺口精准匹配。

### 2) 注意事项

- 强调整体尺寸匹配：提醒幼儿“先确保拼图板组合后纵横块数与示例一致，再匹配缺口”，避免因关注细节忽略整体比例；
- 鼓励多方向翻转尝试：对单一拼图板，尝试 4 种以上翻转方向，培养空间想象能力；
- 安全使用教具：使用实物拼图板时，强调轻拿轻放，避免边缘划伤手指。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握不规则图形的 5 格拼图板组合方法，理解拼图板翻转与缺口匹配的逻辑，深化小学二年级图形拼组的高阶知识；
- 能力层面：显著提升复杂图形解构能力、翻转特征预判能力、多板协同匹配能力，培养“尺寸分析、翻转匹配、精准验证”的思维方式；

- 应试能力层面：适应校内拼图难题和浅奥图形组合高阶题，提升答题精准度。

## 6. 其他价值补充

本题难度接近小学二年级期末稍难题型，能让孩子提前适应校内考查方式，同时为浅奥竞赛图形题型打基础，提升应试优势。老师可向家长强调：“这类题目训练的图形组合能力，不仅能帮助孩子应对数学图形题，还能迁移到美术拼图创作、手工零件组装等场景，实现能力的跨领域应用。”

## 四、8-1 立体图形：找出相同个数①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿将相同个数的图形用线连接起来，核心考查多层立体图形（含 2-3 层）的计数能力、数的合成分解深度应用能力，需将图形按“可见层 + 隐藏层”分开计数，利用数的合成（如“可见 3 块 + 隐藏 1 块 = 4 块”）与分解（如“总数 4 块 - 可见 3 块 = 隐藏 1 块”）处理多层结构，精准判断不同图形的个数是否一致。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“20 以内加减法”模块的综合应用，本题与校内“分层计数立体图形个数（含隐藏层）并匹配相同数量”的测试题型完全一致，是立体图形计数与数感培养的高阶基础训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试稍难题型（占比约 6%-8%），如“数出含隐藏层的立体图形个数并连接相同数量”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”中等难度题，二年级浅奥“复杂立体图形计数”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 分层计数与隐藏分析：引导幼儿按“底层→上层”的顺序计数，先数每层可见部分，再通过“上层积木对应底层隐藏”的逻辑判断隐藏个数（如“上层 2 块对应底层 2 块隐藏”）；
- 数的合成分解验证：用数的合成计算总数（底层 4 块 + 上层 2 块 + 隐藏 2 块 = 8 块），再用分解验证（总数 8 块 - 底层 4 块 - 上层 2 块 = 隐藏 2 块）；
- 匹配强化：计数完成后，将相同数量的图形用线连接，连接前再次核对总数，避免匹配错误。

#### 2) 注意事项

- 强调分层顺序与隐藏逻辑：提醒幼儿“从下层开始计数，且上层积木下方必有对应隐藏积木”，避免遗漏隐藏部分；
- 允许辅助标记：对空间感知较弱的幼儿，用铅笔在图形上标记每层轮廓和隐藏范围，辅助判断个数；
- 结合实物感知：用立方体搭建多层立体图形，让幼儿直观看到隐藏积木，理解“可见与隐藏的关联”，降低抽象难度。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握多层立体图形（含隐藏）的计数方法，理解计数与数的合成分解的深度关联，深化小学二年级立体图形计数与加减法的综合知识；

- 能力层面：显著提升多层立体图形计数能力、空间想象能力（判断隐藏）、数的合成分解应用能力，培养“分层分析、运算验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内立体图形计数稍难题型和浅奥空间几何高阶题，提升答题准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多层隐藏 + 数的运算”的设计，强化了幼儿的空间分层思维与数感，既对接校内立体图形计数的高阶考点，又匹配浅奥空间几何与运算结合的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的计数能力，是后续复杂立体图形（如积木迷宫）学习的核心基础，同时能强化数的运算应用，为应对综合题打下基础。”



## 五、8-1 立体图形：积木迷宫 3 层①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 3 层积木迷宫的空格内填入数字 1~3（表示积木重叠的层数），各行各列空格中数字不重复，且搭建后的积木从左、右两个方向观察均与箭头所示数字相符（如“1→”“←2”），核心考查立体图形的空间想象能力、多条件数字推理能力，题目中箭头提示更复杂（含双向箭头），需结合“层数观察规则”与“行列不重复”双重约束推导空格数字。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“根据双向视图提示填写立体图形层数”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的高阶基础训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“多视图立体推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 双向箭头规则解读：用实物演示箭头含义（如“‘1→’表示从左侧观察仅能看到 1 层，‘←2’表示从右侧观察能看到 2 层和 3 层”），让幼儿理解“箭头数字 = 该方向可见的层数种类”；
- 双向约束优先突破：引导幼儿从同时受两个方向箭头约束的空格入手（如“某空格同时受‘1→’和‘←2’约束，仅能填 2”），填写后以此为突破口，结合“行列不重复”规则推导相邻空格；
- 双向视图交叉验证：每填一个数字，从左右两个方向箭头和行列规则三重验证（如“填 2 后，检查左侧是否能看到 1 层，右侧是否能看到 2 层，且该列无重复 2”），避免错误。

#### 2) 注意事项

- 禁止直观判断：提醒幼儿“不可凭积木大小判断层数，需严格根据箭头提示和规则推理”；
- 引导有序推理：对推理困难的幼儿，用铅笔标注空格可能的数字（如“某空格可能填 1 或 2”），通过箭头提示逐步排除；
- 控制难度梯度：从“单向箭头迷宫”过渡到“双向箭头迷宫”，避免难度跳跃。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握双向视图积木迷宫的数字推理方法，理解视图提示与立体层数的关联逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升空间想象能力、多条件数字推理能力、双向视图交叉验证能力，培养“规则解读、双向突破、交叉验证”的思维方式；

- 应试能力层面：适应校内立体图形推理难题和浅奥空间几何高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “双向视图 + 数字推理” 的设计，强化了幼儿的空间推理思维，既对接校内立体图形的高阶考点，又匹配浅奥空间几何的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多视图推理能力，是后续几何学习的核心基础，同时能提升逻辑思维，为应对复杂综合题打下坚实基础。”

## 六、8-1 数量：完成 +- 计算①

### 1. 题目内容描述

这是一组需要在方框中填入 “+” 或 “-” 使等式成立的算术题，涉及多步加减混合运算（涵盖 11 - 21 及 1 - 14 的数字组合），通过合理选择运算符号，考查学生的运算能力、逻辑推理能力以及对多步加减混合运算规则的掌握程度。

### 2. 对接校内知识点

对接小学二年级上学期的校内知识点。二年级上学期学生已掌握 100 以内加减法及多步加减混合运算规则，该题目是对这一阶段 “数的运算” 知识点的拓展应用，锻炼学生在较大数值多步运算中选择符号的逻辑思维。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期 “加减法运算” 单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：二年级浅奥 “运算类” 难题，二年级浅奥 “多步混合运算符号填充” 题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法

#### 教学方法

- 分步假设验证法：

以题目（1）“ $11 \square 1 \square 3 \square 4 \square 5 = 0$ ” 为例，从左到右分步假设符号。因为结果为 0，远小于 11，优先考虑减法组合，尝试 “ $11 - 1 - 3 - 4 - 5 = 0$ ”，通过逐步验证，等式成立。这种方法让学生掌握多步运算中根据结果大小预判符号组合的思路。

- 结果导向推理法：

针对题目（2）“ $17 \square 11 \square 6 \square 3 \square 1 = 24$ ”，结果 24 大于 17，优先考虑加法组合，尝试 “ $17 + 11 - 6 + 3 + 1 = 26$ ”（不成立），再试 “ $17 + 11 + 6 - 3 - 1 = 24$ ”，通过对结果大小的判断，缩小符号尝试的范围。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：熟练掌握 20 以内及 100 以内含大数字的复杂多步加减法，深化大数字与 5/10 组合的关联知识，巩固小学一年级加减法运算的核心内容；
- 能力层面：显著提升复杂多步算式逻辑推理能力、逆向思维能力、大数字组合优化能力，培养 “大数字优先、组合关联、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂运算符号稍难题型和浅奥运算逻辑高阶题，提升答题的准确性和效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过“大数字 + 多步运算”的设计，强化了幼儿的运算逻辑与数感，直接对接小学一年级运算难点与浅奥进阶需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的大数字组合应用能力，不仅能提升运算灵活性，还能迁移到 20 以上加减法巧算（如凑十法），为后续复杂运算和逻辑推理打下坚实基础 2。”

## 七、8-1 数量：3 的乘法方格①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿使用九九乘法表中关于 3 的乘法口诀，将完整的方格分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查方格的分割能力、3 的乘法口诀在多位数（含 3、6、9、12）中的灵活应用能力，关键是理解“乘以 3 后就是方格的数量”，按“3 列和多行”的思路分割，确保分割后的图形符合乘法口诀与形态要求。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“表内乘法”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“结合 3 的乘法口诀的方格分割题”的课后拓展题型一致，是乘法口诀与图形分割的高阶基础训练 1。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“表内乘法”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），如“结合 3 的乘法口诀，将含 3、6、9、12 的方格分割为长方形和正方形”，直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“乘法方格优化分割”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 3 的乘法口诀与分割思路关联：引导幼儿回顾 3 的乘法口诀（如“三三得九、三四十二、三五十五”），明确“乘以 3”的意义（如“ $3 \times 3 = 9$ ，对应 9 格正方形； $3 \times 4 = 12$ ，对应 12 格长方形”），建立“口诀 - 3 列 - 多行 - 方格数量”的关联链；
- 3 列多行分割训练：引导幼儿按“3 列”为基础分割方格（如将方格横向分为 3 列），再按多行调整（如“3 列  $\times$  2 行 = 6 格，对应二三得六；3 列  $\times$  3 行 = 9 格，对应三三得九”），优先分割较大数字区域（如 12、9），减少剩余零散方格；
- 分割验证强化：每完成一次分割，让幼儿核对分割图形的方格数量是否与数字一致（如 12 格图形是否符合“ $3 \times 4$ ”口诀），同时检查是否重叠，确保分割符合规则。

#### 2) 注意事项

- 强调口诀应用规范：提醒幼儿“每块分割图形的方格数量必须严格符合 3 的乘法口诀结果”，不允许无依据分割；
- 避免单一分割思维：同一数字组合可对应多种口诀应用方式（如 6 可对应  $3 \times 2$  或  $2 \times 3$ ，均符合 3 列多行思路），引导幼儿灵活选择利于整体分割的方式；
- 结合面积认知：分割时同步讲解“数字对应图形面积，3 的乘法口诀是面积与‘3 列’边长的计算依据”，深化乘法与面积的关联。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握结合 3 的乘法口诀分割方格的方法，深化 3 的乘法口诀的灵活应用，理解 “3 列多行” 分割思路与面积优化的关联，提前习得小学二年级表内乘法与面积的高阶知识；
- 能力层面：显著提升方格分割能力、乘法口诀应用能力、空间规划能力，培养 “口诀关联、3 列多行、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内乘法与图形结合的难题和浅奥乘法方格高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “乘法口诀 + 方格分割” 的形式，将乘法运算与图形认知结合，既对接校内表内乘法和面积的综合考点，又匹配浅奥乘法启蒙与图形操作的结合题型。老师可向家长强调：“这道题的训练能让孩子提前理解乘法口诀的实际应用价值，避免机械记忆口诀，同时提升空间规划能力，为后续学习多位数乘法和复杂面积计算打下基础 3。”

## 八、8-1 数量：加法迷宫 A①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在各行各列的空格内分别填入不可重复的数字 1~3，使粗线框出的方格内的数字之和与该框内左上角的数字相符（含和为 4、5 的 2 格框、3 格框），核心考查 20 以内加法的灵活应用能力、多条件数字推理能力，题目中粗线框结构较基础，需从“单框和 + 行列约束”双重突破，确保数字唯一性与和的准确性。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“20 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“基础加法迷宫填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的高阶基础训练 1。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“加减法运算”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”难题，二年级浅奥“多框加法推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 单框和的简单分解：引导幼儿根据数字 1~3 的范围，快速分解粗线框目标和（如“和为 4 的 2 格框，仅能拆成 1+3 或 2+2，结合‘数字不重复’规则，锁定为 1+3”）；
- 单框约束优先突破：从“粗线框内已知数字多 + 行列限定数字多”的空格入手（如“某 2 格框已知 1，和为 4，空格填 3；且该列已有 2，无重复，直接确定”），填写后以此为突破口，推导相邻空格；
- 分步验证：每填一个数字，同步检查“粗线框和是否达标”与“行列是否重复”，避免后续连锁错误。

#### 2) 注意事项

- 避免盲目试数：提醒幼儿“先分解和，再结合行列规则选数字”，减少无依据尝试；
- 允许标记辅助：对推理困难的幼儿，用铅笔在空格旁标注可能的数字（如“某空格可能填 1 或 2”），通过后续填写逐步排除；
- 控制框体复杂度：从“2 格框→3 格框”逐步过渡，搭配“和为 4→和为 5”的难度梯度，避免幼儿挫败。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握基础加法迷宫的推理方法，理解“和的分解”与“数字唯一性”的协同逻辑，深化小学二年级加法与推理的高阶知识；

- 能力层面：提升 20 以内加法应用能力、多条件推理能力、细节验证能力，培养 “分解优先、单框突破、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内加法迷宫难题和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “单框和 + 数字推理” 的设计，强化了幼儿的运算逻辑与严谨性，既对接校内加法与推理的高阶考点，又匹配浅奥运算推理的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多条件推理能力，不仅能提升数学运算题得分，还能迁移到生活中的数字分配问题（如分物品），为后续复杂综合题打下基础 4。”



## 九、8-1 思考力：天平（哪个轻）①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在○、△、□、◇、☆中找出最轻的那个，核心考查含“双重等式 + 单一不等式”的重量综合推理能力、基础等量替换思维，题目中包含“ $\bigcirc + \triangle = \square + 2\triangle$ ”“ $2\square = \bigcirc + \diamond$ ”“ $\bigcirc > \triangle$ ”等重量关系，需先确定 2 个基准物体（如△和□），通过等式化简推导各物体重量关联，再结合不等式验证顺序，最终锁定最轻物体。

### 2. 对接校内知识点

对应小学一年级下学期校内高阶知识点，一年级下学期数学“比轻重”模块中，“含多重复合关系的重量推理（双重基准）”是重点内容，本题与校内“设定双重基准，根据等式与不等式推导最轻物体”的测试题型完全一致，是重量推理的高阶基础训练 1。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：一年级下学期“比轻重”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”难题，二年级浅奥“复杂等量替换推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 双重基准快速确定：引导幼儿从简单等式入手（如“ $\bigcirc + \triangle = \square + 2\triangle$ ”），化简得出“ $\bigcirc = \square + \triangle$ ”，设定△和□为双重基准；
- 基础等量替换：将“ $\bigcirc = \square + \triangle$ ”代入另一等式“ $2\square = \bigcirc + \diamond$ ”，推导得出“ $2\square = \square + \triangle + \diamond \rightarrow \square = \triangle + \diamond$ ”，建立“ $\bigcirc = 2\triangle + \diamond$ ”的重量关系；
- 不等式验证排序：结合“ $\bigcirc > \triangle$ ”验证，最终明确重量顺序“ $\bigcirc > \square > \triangle > \diamond$ ”，锁定最轻物体◇。

#### 2) 注意事项

- 禁止直观判断：严格要求幼儿“不凭物体大小、数量主观判断，必须通过基准推导与不等式验证”；
- 强化分步记录：用编号标注每一步等式化简（如“步骤 1：化简 $\bigcirc + \triangle = \square + 2\triangle$ ”），确保逻辑可追溯；
- 允许实物辅助：用不同重量砝码（如 $\triangle = 1\text{g}$ 、 $\square = 2\text{g}$ 、 $\bigcirc = 3\text{g}$ 、 $\diamond = 1\text{g}$ ）演示多步化简过程，帮助幼儿理解抽象逻辑 4。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握含多重复合关系的重量推理方法，理解双重基准与基础等量替换的逻辑链，深化小学一年级比轻重的高阶知识；

- 能力层面：显著提升多步等式化简能力、基础等量替换思维、逻辑严谨性，培养 “基准先行、分步推导、交叉验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂重量推理难题和浅奥逻辑推理高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “多重复合关系 + 双重基准” 的设计，将重量推理难度提升至小学一年级高阶水平，训练的推理能力可迁移到科学实验分析、生活中的多条件决策（如购物时对比性价比），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，为后续复杂逻辑学习打下坚实基础 4。

## 十、8-1 思考力：开辟道路 A①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿从起点到终点开辟一条线路，需通过所有空格（8-10 个），每个空格仅可通过一次，线路方向仅限横向和纵向，不可斜向前进，核心考查方格的全局路径规划能力、空格预测与冲突规避能力，题目中空格数量适中且含“简单分叉空格”（某空格可向 2-3 个方向前进），需提前预判路线，避免走进死胡同。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“数学广角——推理”模块中，“基础方格全空格线路规划”是重点内容，本题与校内“方格中规划无重复全空格线路”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的高阶基础训练 1。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“推理”单元测试稍难题型（占比约 5%-7%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”难题，二年级浅奥“多分叉线路推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 全局预判与路线草图：引导幼儿先标记起点和终点，用虚线勾勒 2 条可能的路线（如“横向→纵向→横向”“纵向→横向→纵向”），优先选择“靠近终点、少分叉”的路线；
- 简单分叉空格决策：遇到分叉空格（可向 2-3 个方向前进）时，优先选择“通向未使用空格且靠近终点”的方向，避免选择“仅通向 1 个空格”的死胡同方向；
- 标记与回溯调整：用铅笔标记已通过空格，若某方向无法前进，回溯到最近的分叉空格，重新选择路线。

#### 2) 注意事项

- 强化全局思维：提醒幼儿“每走 3 步就观察剩余空格分布，确保向终点方向前进”；
- 避免重复通过：实时标记已通过空格，完成后核对方格总数，确保无重复、无遗漏；
- 控制方格规模：从“5×5 方格”过渡到“6×6 方格”，搭配空格数量逐步增加，避免难度跳跃 5。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握基础方格全空格线路规划方法，理解全局预判与简单分叉决策的逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升全局路径规划能力、空格预测能力、冲突规避能力，培养“全局预判、分叉决策、灵活调整”的思维方式；

- 应试能力层面：适应校内线路规划难题和浅奥空间推理高阶题，提升答题的逻辑性和规划效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过“方格 + 简单分叉空格”的设计，强化了幼儿的空间全局思维，训练的线路规划能力可迁移到生活中的路线设计（如规划上学路线），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，提升应试竞争力 5。

## 十一、8-1 思考力：魔方阵①

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 16 宫格内填写 1~16 的数字，使每一横行、竖列及两条对角线的数字之和均为 34（已知 1~16 总和为 136），每个数字仅使用一次，核心考查 100 以内加法应用能力、数字组合推理能力，题目中已知数字较少（3-4 个），需通过“和为 34 的固定数字组合”推导空格，部分空格需结合“行列与对角线交叉关联”间接推理。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级下学期校内高阶知识点，二年级下学期数学“100 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“少已知数字魔方阵填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的高阶基础训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期“加减法运算”单元测试稍难题型（占比约 4%-6%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”难题，二年级浅奥“复杂魔方阵推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 固定和组合速记：引导幼儿记忆“ $1+16+15+2=34$ ”“ $3+14+13+4=34$ ”等高频组合，明确“首尾配对和为 17，四数相加得 34”的规律，减少推导时间；
- 交叉关联突破：从“行列与对角线交叉的空格”入手（如某空格同时属于第一行和主对角线），结合两条线的已知数字推导（如“第一行已有 1、15，主对角线已有 1、16，空格 =  $34-1-15=18$ （错误），修正为结合组合  $1+16+15+2=34$ ，确定空格填 2”）；
- 多线验证：每填一个数字，同步检查其所在行、列及对角线的和是否接近 34，确保无逻辑矛盾（如“填 2 后，第一行和为  $1+15+2=18$ ，剩余空格需填 16；主对角线和为  $1+2+16=19$ ，剩余空格需填 15”）。

#### 2) 注意事项

- 禁止盲目填写：提醒幼儿“每一步推导必须基于‘和为 34’的组合与交叉关联，不可随意试数”，培养严谨推理习惯；
- 允许辅助标记：用铅笔在空格旁标注可能的数字组合（如“某空格可能填 5 或 12，因 5 已在其他行使用，故填 12”），通过交叉验证逐步排除；
- 控制难度梯度：从“已知 5 个数字的魔方阵”入手，逐步减少已知数字至 3 个，避免幼儿产生挫败感。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握少已知数字魔方阵的推理方法，理解 “固定和组合 + 交叉关联” 的核心逻辑，深化小学二年级 100 以内加法与推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升 100 以内加法应用能力、多数字组合推理能力、间接推理能力，培养 “组合优先、交叉突破、多线验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内魔方阵稍难题型和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题训练的数字组合与交叉推理能力可迁移到语文段落逻辑分析（如通过上下文交叉验证词义）、英语语法推导（如通过时态与词性确定单词形式）等学科，同时对接校内和浅奥的运算推理考点，为后续复杂综合题打下基础。

## 十二、8-2 平面图形：连点绘图②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿按照示例将点描画成与示例相同的图形，以蓝色圆点为基准，画图时不得偏离，核心考查多顶点交叉图形（如“星状”“网状”）的基准定位能力、交叉边角度与图形对称性的协同还原能力、手部精细动作协调性，题目中图形顶点数量达 10 个以上，且含 3 组以上交叉倾斜边，需同时把控基准点与交叉顶点的位置关系、交叉边角度及图形整体对称性，明确要求“挑战一笔成形”。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与绘制”模块中，“多顶点交叉图形的精准绘图（含一笔成形）”是重点内容，本题与校内“以基准点为参照，画出含多组交叉边的图形并一笔完成”的测试题型完全一致，是绘图能力的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形绘制”单元测试稍难题型（占比约 4%-6%），如“以蓝色圆点为基准，画出含多组交叉边的星状图形并一笔成形”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“多基准点绘图综合推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 交叉顶点分组定位：引导幼儿以蓝色基准点为原点，将交叉顶点按“中心交叉组、外围交叉组”划分，每组内用“横向 + 纵向”复合距离标注位置（如“基准点向右 4 格、向上 3 格是中心交叉点，向右 6 格、向上 1 格是外围交叉点”），明确交叉边的交点坐标；
- 交叉边分步绘制与一笔衔接：先分段绘制交叉边，熟练后按“中心交叉点→外围顶点→中心交叉点”的顺序尝试一笔成形，衔接处强调“线条连贯不中断”（如“从顶点 A→B→C→D→A，转弯处流畅过渡”）；
- 整体对称校准：绘制完成后，对比示例图形的交叉点间距、边的倾斜角度及对称性，调整偏差。

#### 2) 注意事项

- 强化基准贯穿：全程提醒幼儿以蓝色圆点为唯一基准，绘制交叉边时不更换参照点，避免交叉点位置偏差；
- 控制绘图节奏：一笔成形训练时，引导幼儿匀速绘图，避免因速度过快导致线条偏离或断点；
- 允许局部修正：对交叉边偏离的情况，仅局部擦除修正交叉区域，不整体重画，培养细节纠错能力。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握多顶点交叉图形的基准绘图方法，理解交叉边与基准点、对称性的协同关系，深化小学二年级图形绘制的高阶知识；

- 能力层面：显著提升交叉顶点定位能力、交叉边绘制能力、一笔成形控制能力，培养“分组定位、交叉验证、连贯绘图”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂图形绘制难题和浅奥图形操作高阶题，提升答题的精准度和规范性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“交叉图形 + 一笔成形”的设计，强化了幼儿对图形构成与线条控制的综合认知，既对接校内图形绘制的进阶考点，又匹配浅奥图形操作的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的绘图能力，不仅能提升数学图形题得分，还能迁移到美术绘画、手工创作等场景，同时为后续复杂几何图形学习打下基础。”



# 十三、8-2 平面图形：分解方格②

## 1. 题目内容描述

要求幼儿将完整的方格（如  $7\times 7$ ）分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查超复杂方格的分解能力、正方形与长方形的特征深度认知能力，题目中数字分布更密集（含 2、3、4、6、9 等），且含“嵌套数字区域”（某区域同时包含多个小数字），需优化分割方案，确保所有图形均符合正方形或长方形形态，且无零散方格残留。

## 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与分类”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“含嵌套数字的超复杂方格分割”的课后拓展题型一致，是图形分解能力的高阶训练。

## 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形分类”单元测试稍难题型（占比约 4%-6%），如“将含 2、3、4、6、9 的  $7\times 7$  方格分割为正方形和长方形”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“复杂方格推理”题的前置训练。

## 4. 老师的教学方法和注意事项

### 1) 教学方法

- 嵌套数字优先组合：引导幼儿先处理嵌套数字区域（如“某 4 格区域内包含 2 和 2”），将嵌套小数字组合为符合形态的图形（ $2+2=4\rightarrow 2\times 2$  正方形），减少后续分割难度；
- 大数字与形态匹配：对较大数字（如 9、6），优先匹配正方形（ $9\rightarrow 3\times 3$ ）或长方形（ $6\rightarrow 2\times 3$ ），避免拆分过小导致零散方格；
- 全局验证：分割完成后，核对方格总数（如  $7\times 7=49$  格，分割后数字总和需为 49），同时检查所有图形是否为正方形或长方形，确保无形态错误。

### 2) 注意事项

- 强调形态规范：提醒幼儿“分割后的图形仅可为正方形或长方形”，禁止出现不规则图形；
- 避免重叠与遗漏：用铅笔标记已分割区域，实时核对嵌套区域的数字组合，确保无重叠、无遗漏；
- 结合面积认知：同步讲解“数字 = 图形面积，嵌套数字组合是面积分解的进阶形式”，深化面积与图形的关联认知。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握含嵌套数字的超复杂方格分割方法，理解嵌套组合与图形形态的关联，深化小学二年级图形分解与面积的高阶知识；
- 能力层面：显著提升方格分割能力、嵌套数字组合优化能力、图形形态判断能力，培养“嵌套优先、大数字匹配、全局验证”的思维方式；

- 应试能力层面：适应校内超复杂方格分割难题和浅奥图形操作高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超复杂方格 + 嵌套数字”的设计，强化了幼儿对图形与数字关联的深度认知，既对接校内图形分类的进阶考点，又匹配浅奥图形操作的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的分割能力，是后续乘法方格、面积计算的核心基础，同时能提升孩子的空间规划与逻辑思维，为应对综合题打下基础。”

## 十四、8-2 平面图形：组合拼图板②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿从下方 12 枚 5 格拼图板中，选出可以拼成示例图形的拼图板，即使拼图板翻转也没关系，且示例模型比实际缩小 1/2，核心考查超复杂不规则图形（含多层嵌套凹陷、细节凸起）的拆分与组合能力、多拼图板（3-4 块）的深度协同匹配能力，题目中示例图形包含“头部多层凹陷、四肢细节凸起”，需精准匹配拼图板的边缘弧度、缺口形状与细节特征，拼图板形状更复杂（含弧形、多边形边缘）。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“图形的拼组”模块中，“超复杂不规则图形的多拼图板组合”是重点内容，本题与校内“选 3-4 块 5 格拼图板拼出多层嵌套缺口图案”的课后拓展题型一致，是图形组合能力的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形拼组”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），如“选 3-4 块拼图板拼出含多层凹陷的动物轮廓”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“多拼图组合综合推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 超复杂图形分层解构：引导幼儿将示例图形按“核心层（身体主体）→ 细节层（头部 / 四肢）”分层，用草图标注每层的嵌套缺口形状、细节位置及所需拼图板数量（如核心层需 2 块、细节层需 2 块），重点标注弧形、多边形边缘；
- 拼图板翻转特征匹配：逐一分析 12 枚 5 格拼图板的翻转形态（如“某拼图板翻转后弧形边缘可匹配头部凹陷，某拼图板翻转后多边形边缘可匹配四肢凸起”），筛选候选拼图板；
- 实物拼组验证：用教具拼图板按“核心层→ 细节层”的顺序拼组，调整翻转角度，核对边缘、缺口与细节特征，确保整体形态与示例一致。

#### 2) 注意事项

- 强调整体与细节协同：提醒幼儿“先还原核心层轮廓，再匹配细节层特征，避免因关注缺口忽略整体比例”；
- 允许多次试错：鼓励幼儿对单一拼图板尝试 4 种以上翻转方向，培养空间想象能力；
- 安全使用教具：使用实物拼图板时，强调轻拿轻放，避免边缘划伤手指，拼后按“形状复杂度”分类收纳。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超复杂不规则图形的多拼图板组合方法，理解翻转协同与嵌套缺口匹配的逻辑，深化小学二年级图形拼组的高阶知识；
- 能力层面：显著提升超复杂图形解构能力、翻转特征预判能力、多板协同匹配能力，培养“分层解构、细节优先、协同验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内拼图难题和浅奥图形组合高阶题，提升答题精准度。

## 6. 其他价值补充

本题难度接近小学二年级期末稍难题型，能让孩子提前适应校内考查方式，同时为浅奥竞赛图形题型打基础。老师可向家长强调：“这类题目训练的组合能力，不仅能应对数学图形题，还能迁移到美术拼图、手工组装等场景，实现能力跨领域应用。”

## 十五、8-2 立体图形：找出相同个数②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿将相同个数的图形用线连接起来，核心考查多层交错立体图形（含 3 层及以上）的计数能力、数的合成分解深度应用能力，需将图形按“底层→中层→上层”分层计数，利用数的合成（如“底层 4 块 + 中层 2 块 + 上层 1 块 = 7 块”）与分解（如“总数 7 块 - 底层 4 块 - 上层 1 块 = 中层 2 块”）处理交错隐藏部分，精准判断不同图形的个数是否一致。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“20 以内加减法”模块的综合应用，本题与校内“分层计数多层交错立体图形（含隐藏）并匹配”的测试题型完全一致，是立体图形计数与数感培养的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），如“数出 3 层交错隐藏的立体图形个数并连接相同数量”，直接提升稍难题得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“复杂立体图形计数”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 分层计数与交错隐藏分析：引导幼儿按“底层→中层→上层”的顺序，用不同颜色铅笔标记每层可见积木，分析交错隐藏积木（如“上层 1 块对应中层 1 块隐藏，中层 1 块对应底层 1 块隐藏”），用数的合成计算每层总数；
- 数的合成分解验证：用数的分解验证计数结果（如“总数 7 块 - 底层 4 块 - 中层 2 块 = 上层 1 块”），确保准确；
- 匹配强化：计数完成后，将相同数量的图形用线连接，连接前再次核对“可见 + 隐藏”总数，避免匹配错误。

#### 2) 注意事项

- 强调分层顺序与交错逻辑：提醒幼儿“从下层开始计数，上层积木下方必有对应隐藏积木”，避免遗漏交错隐藏部分；
- 允许辅助标记：对空间感知较弱的幼儿，用铅笔标记每层轮廓和隐藏范围，辅助判断个数；
- 结合实物感知：用立方体搭建多层交错图形，让幼儿直观看到隐藏积木，理解“可见与隐藏的交错关联”，降低抽象难度。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握多层交错立体图形（含隐藏）的计数方法，理解计数与数的合成分解的深度关联，深化小学二年级立体图形计数与加减法的综合知识；

- 能力层面：显著提升多层立体图形计数能力、空间想象能力（判断交错隐藏）、数的合成分解应用能力，培养“分层分析、运算验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内立体图形计数难题和浅奥空间几何高阶题，提升答题准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多层交错隐藏 + 数的运算”的设计，强化了幼儿的空间分层思维与数感，既对接校内立体图形计数的高阶考点，又匹配浅奥空间几何与运算结合的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的计数能力，是后续复杂立体图形（如积木迷宫）学习的核心基础，同时能强化数的运算应用，为应对综合题打下基础。”

## 十六、8-2 立体图形：积木迷宫 3 层②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 3 层积木迷宫的空格内填入数字 1~3（表示积木重叠的层数），各行各列空格中数字不重复，且搭建后的积木从左、右、上、下四个方向观察均与箭头所示数字相符（如

“3→”“←2”“↑1”“↓2”），核心考查立体图形的空间想象能力、多方向视图推理能力，题目中箭头提示更复杂（含四方向箭头），需结合“层数观察规则”与“行列不重复”双重约束，同时兼顾多方向视图一致性，推导难度较①阶显著提升。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“根据四方向视图提示填写立体图形层数”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“多视图立体推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 四方向箭头规则解读：用实物演示四方向箭头含义（如“‘3→’表示从右侧观察能看到 3 层，‘←2’表示从左侧观察能看到 2 层和 3 层”），让幼儿理解“箭头数字 = 该方向可见的层数种类”；
- 多方向约束优先突破：引导幼儿从同时受 2-3 个方向箭头约束的空格入手（如“某空格同时受‘3→’‘←2’‘↑1’约束，仅能填 2”），填写后以此为突破口，结合“行列不重复”规则推导相邻空格；
- 四视图交叉验证：每填一个数字，从四个方向箭头和行列规则四重验证（如“填 2 后，检查左、右、上、下方向是否均符合提示，且行列无重复 2”），避免错误。

#### 2) 注意事项

- 禁止直观判断：提醒幼儿“不可凭积木大小判断层数，需严格根据四方向箭头提示和规则推理”；
- 引导有序推理：对推理困难的幼儿，用铅笔标注空格可能的数字（如“某空格可能填 1 或 2”），通过多方向箭头提示逐步排除；
- 控制难度梯度：从“两方向箭头迷宫”过渡到“四方向箭头迷宫”，避免难度跳跃。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握四方向视图积木迷宫的数字推理方法，理解多视图提示与立体层数的关联逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升空间想象能力、多条件数字推理能力、四视图交叉验证能力，培养“规则解读、多约束突破、多视图验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内立体图形推理难题和浅奥空间几何高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过“四方向视图 + 数字推理”的设计，强化了幼儿的空间推理思维，既对接校内立体图形的高阶考点，又匹配浅奥空间几何的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多视图推理能力，是后续几何学习的核心基础，同时能提升逻辑思维，为应对复杂综合题打下坚实基础。”



## 十七、8-2 数量：完成 $\pm$ 计算②

### 1. 题目内容描述

这是一组需要在方框中填入“+”或“-”使等式成立的算术题，涉及多步加减混合运算（涵盖 1 - 14 的数字组合），通过合理选择运算符号，考查学生的运算能力、逻辑推理能力以及对多步加减混合运算规则的掌握程度。

### 2. 对接校内知识点

对接小学二年级上学期的校内知识点。二年级上学期学生已掌握 20 以内加减法及多步加减混合运算规则，该题目是对这一阶段“数的运算”知识点的拓展应用，锻炼学生在多步运算中选择符号的逻辑思维。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期“加减法运算”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：二年级浅奥“运算类”难题，二年级浅奥“多步混合运算符号填充”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法

#### 教学方法

- 分步假设验证法：

以题目（1）“ $5 \square 11 \square 3 \square 4 \square 5 = 14$ ”为例，从左到右分步假设符号。先假设第一个符号为“+”，则  $5+11=16$ ；再假设第二个符号为“-”，则  $16-3=13$ ；第三个符号为“-”， $13-4=9$ ；最后看，填“+”即  $9+5=14$ ，等式成立。通过这样逐步假设、验证的步骤，让学生掌握多步运算的符号推理方法。

- 结果导向推理法：

针对题目（2）“ $2 \square 4 \square 11 \square 3 \square 2 = 12$ ”，结果 12 大于 2，优先考虑加法组合，尝试“ $2+4+11-3-2=12$ ”，通过对结果大小的判断，快速锁定符号组合。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：熟练掌握 20 以内及 100 以内含多组组合的复杂多步加减法，深化多组 5/10 组合的关联知识，巩固小学一年级加减法运算的核心内容；
- 能力层面：显著提升复杂多步算式逻辑推理能力、逆向思维能力、多组组合优化能力，培养“多组优先、逆向推导、分步验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂运算符号难题和浅奥运算逻辑高阶题，提升答题的准确性和效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多组组合 + 多步运算”的设计，强化了幼儿的运算逻辑与数感，直接对接小学一年级运算难点与浅奥进阶需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多组组合应用能力，不仅能提升运算灵活性，还能迁移到 20 以上加减法巧算（如凑十法），为后续复杂运算和逻辑推理打下坚实基础。”

## 十八、8-2 数量：3 的乘法方格②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿使用九九乘法表中关于 3 的乘法口诀，将完整的方格（如  $7 \times 7$ ）分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查超大规模方格的分割能力、3 的乘法口诀在多数数字（含 3、6、9、12、15）中的灵活应用能力，关键是按“3 列和多行”的思路优化分割方案，同时处理“嵌套数字区域”（某区域含多个 3 的倍数数字），确保分割后的图形符合乘法口诀与形态要求。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“表内乘法”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“结合 3 的乘法口诀的超大规模方格分割题”的课后拓展题型一致，是乘法口诀与图形分割的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“表内乘法”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），如“结合 3 的乘法口诀，将含 3、6、9、12、15 的  $7 \times 7$  方格分割为长方形和正方形”，直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”难题，二年级浅奥“乘法方格优化分割”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 3 的乘法口诀与嵌套区域组合：引导幼儿回顾 3 的乘法口诀（如“三五十五、三六十八”），对嵌套数字区域（如“含 6 和 9 的区域”），组合为符合口诀的图形（ $6+9=15 \rightarrow 3 \text{ 列} \times 5 \text{ 行}$ ），减少零散方格；
- 超大规模方格分层分割：将  $7 \times 7$  方格按“3 列 + 剩余列”分层（如“前 3 列、中间 3 列、最后 1 列”），优先分割 3 列完整区域（如  $3 \text{ 列} \times 5 \text{ 行} = 15 \text{ 格}$ ），再处理剩余列，搭配小数字（3、6）组合；
- 多方案对比优化：鼓励幼儿尝试不同分割顺序（如先分 15 再分 12，或先分 12 再分 15），对比“剩余方格数量”“口诀应用次数”，选择最优方案。

#### 2) 注意事项

- 强调口诀应用规范：提醒幼儿“每块分割图形的方格数量必须严格符合 3 的乘法口诀结果”，不允许无依据分割；
- 避免单一分割思维：同一嵌套区域可对应多种口诀组合（如  $6+9=15$  对应  $3 \times 5$ ， $9+6=15$  也对应  $3 \times 5$ ），引导幼儿灵活选择利于整体分割的方式；
- 结合面积认知：分割时同步讲解“数字 = 图形面积，3 的乘法口诀是面积与‘3 列’边长的计算依据，超大规模方格分割是面积分解的进阶形式”，深化乘法与面积的关联。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握结合 3 的乘法口诀分割超大规模方格的方法，深化 3 的乘法口诀的灵活应用，理解“3 列多行”分割思路与面积优化的关联，提前习得小学二年级表内乘法与面积的高阶知识；
- 能力层面：显著提升方格分割能力、乘法口诀应用能力、嵌套数字组合优化能力、多方案对比分析能力，培养“口诀关联、分层分割、效率优化”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内乘法与图形结合的难题和浅奥乘法方格高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超大规模方格 + 嵌套数字”的设计，强化了幼儿对乘法口诀实际意义的理解，避免机械记忆。老师可向家长强调：“这道题的训练能让孩子将乘法口诀与空间规划、效率优化深度结合，既巩固乘法知识，又提升图形分割与方案优化能力，为后续学习多位数乘法和复杂面积计算打下基础，同时对接校内综合题和浅奥竞赛题的考查逻辑。”

## 十九、8-2 数量：加法迷宫 A②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在各行各列的空格内分别填入不可重复的数字 1~3，使粗线框出的方格内的数字之和与该框内左上角的数字相符（含和为 5、6 的 3 格框、4 格框），核心考查 20 以内加法的灵活应用能力、多条件数字推理能力，题目中粗线框结构更复杂（含“交叉框”，即某空格属于两个粗线框），需同时满足“多框和为目标值”与“行列数字不重复”，推导难度较①阶显著提升。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“20 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“超复杂加法迷宫（交叉框）填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“加减法运算”单元测试稍难题型（占比约 3%-5%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”难题，二年级浅奥“交叉框加法推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 交叉框优先突破：引导幼儿先处理交叉框（某空格属于两个粗线框），通过两个框的和共同推导该空格数字（如“空格属于和为 5 的 3 格框与和为 6 的 4 格框，结合数字 1~3，仅能填 2”）；
- 多框和的协同分解：对关联的多个粗线框（如共享 2 个空格的框），同步分解和值（如“框 1 和为 5，框 2 和为 6，共享空格填 1 和 2，剩余空格分别填 2 和 1”），确保多框和均达标；
- 全局验证：每填一个数字，同步检查“所属所有粗线框和是否达标”与“行列是否重复”，避免后续连锁错误。

#### 2) 注意事项

- 避免孤立推理：提醒幼儿“交叉框空格需同时满足多个框的和，不可孤立推导”，培养多条件协同思维；
- 允许标记辅助：对推理困难的幼儿，用铅笔在空格旁标注可能的数字（如“某交叉空格可能填 1 或 2”），通过多框和逐步排除；
- 控制框体复杂度：从“共享 1 个空格的框”过渡到“共享 2 个空格的框”，搭配“和为 5→和为 6”的难度梯度，避免幼儿挫败。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超复杂加法迷宫（交叉框）的推理方法，理解“交叉框和的分解”与“多框协同”的逻辑，深化小学二年级加法与推理的高阶知识；

- 能力层面：显著提升 20 以内加法应用能力、多条件协同推理能力、全局验证能力，培养 “交叉框优先、多框协同、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内加法迷宫难题和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “交叉框 + 多框协同” 的设计，强化了幼儿的运算逻辑与严谨性，既对接校内加法与推理的高阶考点，又匹配浅奥运算推理的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多条件协同推理能力，不仅能提升数学运算题得分，还能迁移到生活中的多目标数字分配问题（如分物品），为后续复杂综合题打下基础。”

## 二十、8-2 思考力：天平（哪个轻）②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在○、△、□、◇、☆中找出最轻的那个，核心考查含“三重等式 + 双重不等式”的重量综合推理能力、复杂等量替换思维，题目中包含“ $\bigcirc+2\triangle=\square+\triangle$ ”“ $2\square=\bigcirc+\diamond$ ”“ $\square+\bigcirc>\triangle+2\square$ ”“ $\triangle+\diamond>\square$ ”等多重重量关系，需先确定 2 个基准物体（如△和□），通过三次以上等式化简推导各物体重量关联，再结合双重不等式验证顺序，最终锁定最轻物体。

### 2. 对接校内知识点

对应小学一年级下学期校内高阶知识点，一年级下学期数学“比轻重”模块中，“含多重复合关系的超复杂重量推理（双重基准）”是重点内容，本题与校内“设定双重基准，根据三重等式与双重不等式推导最轻物体”的测试题型完全一致，是重量推理的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：一年级下学期“比轻重”单元测试稍难题型（占比约 2%-4%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”难题，二年级浅奥“超复杂等量替换推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 双重基准快速确定与等式化简：引导幼儿从简单等式入手（如“ $\bigcirc+2\triangle=\square+\triangle$ ”），化简得出“ $\bigcirc=\square+\triangle$ ”，设定△和□为双重基准；
- 复杂等量替换：将“ $\bigcirc=\square+\triangle$ ”代入“ $2\square=\bigcirc+\diamond$ ”，推导得出“ $2\square=\square+\triangle+\diamond\rightarrow\square=\triangle+\diamond$ ”，再代入“ $\triangle+\diamond>\square$ ”验证（ $\triangle+\diamond=\square$ ，修正为“ $\triangle+\diamond\geq\square$ ”），建立“ $\bigcirc=2\triangle+\diamond$ ”的重量关系；
- 双重不等式验证排序：结合“ $\square+\bigcirc>\triangle+2\square$ ”（代入 $\bigcirc=\square+\triangle$ ，得出 $\square+\square+\triangle>\triangle+2\square\rightarrow2\square+\triangle>2\square+\triangle$ ，修正为“ $\square+\bigcirc\geq\triangle+2\square$ ”），最终明确重量顺序“ $\bigcirc>\square>\triangle=\diamond$ ”，锁定最轻物体◇。

#### 2) 注意事项

- 禁止直观判断：严格要求幼儿“不凭物体大小、数量主观判断，必须通过基准推导与不等式验证”；
- 强化分步记录与修正：用编号标注每一步等式化简和代入过程，若出现矛盾（如“ $\triangle+\diamond>\square$ ”与“ $\square=\triangle+\diamond$ ”冲突），引导幼儿回溯修正推导，培养灵活调整能力；
- 允许实物辅助：用不同重量砝码（如 $\triangle=1\text{g}$ 、 $\square=2\text{g}$ 、 $\bigcirc=3\text{g}$ 、 $\diamond=1\text{g}$ ）演示多步化简过程，帮助幼儿理解抽象逻辑。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握含多重复合关系的重量推理方法，理解双重基准、多步等式化简与复杂等量替换的逻辑链，深化小学一年级比轻重的高阶知识；
- 能力层面：显著提升多步等式化简能力、超复杂等量替换思维、矛盾修正能力、逻辑严谨性，培养“基准先行、分步推导、交叉验证、灵活调整”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超复杂重量推理难题和浅奥逻辑推理高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多重复合关系 + 双重基准”的设计，将重量推理难度提升至小学一年级高阶水平，训练的推理能力可迁移到科学实验分析、生活中的多条件决策（如购物时对比性价比），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，为后续复杂逻辑学习打下坚实基础。



# 二十一、8-2 思考力：开辟道路 A②

## 1. 题目内容描述

要求幼儿从起点到终点开辟一条线路，需通过所有空格（12-15 个），每个空格仅可通过一次，线路方向仅限横向和纵向，不可斜向前进，核心考查超大规模方格（如  $7\times 7$ ）的全局路径规划能力、多分叉空格决策与冲突规避能力，题目中空格数量更多且含“多分叉空格”（某空格可向 4 个方向前进），需提前预判多条可能路线，避免走进死胡同，同时确保线路连贯且覆盖所有空格。

## 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“数学广角——推理”模块中，“超大规模方格全空格线路规划”是重点内容，本题与校内“ $7\times 7$  方格中规划无重复全空格线路”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的高阶训练。

## 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“推理”单元测试稍难题型（占比约 2%-4%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”难题，二年级浅奥“多分叉线路推理”题的前置训练。

## 4. 老师的教学方法和注意事项

### 1) 教学方法

- 全局预判与路线草图：引导幼儿先标记起点和终点，用虚线勾勒 3-4 条可能的路线（如“横向→纵向→横向→纵向”“纵向→横向→纵向→横向”），优先选择“覆盖多分叉空格、靠近终点”的路线；
- 多分叉空格决策：遇到多分叉空格（可向 4 个方向前进）时，优先选择“通向未使用空格数量多且靠近终点”的方向，避免选择“仅通向 1-2 个空格”的死胡同方向；
- 分段标记与回溯调整：将方格按“起点区→中间区→终点区”分段，用不同颜色铅笔标记已通过空格，若某段路线无法前进，回溯到最近的多分叉空格，重新选择路线，避免整体重构。

### 2) 注意事项

- 强化全局思维：提醒幼儿“每走 4 步就观察剩余空格分布，确保线路向终点方向延伸且覆盖所有区域”；
- 避免重复通过：实时标记已通过空格，完成后核对方格总数（如  $7\times 7=49$  格，线路需通过 49 个空格），确保无重复、无遗漏；
- 控制方格规模：从“ $6\times 6$  方格”过渡到“ $7\times 7$  方格”，搭配空格数量逐步增加，避免难度跳跃。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超大规模方格全空格线路规划方法，理解全局预判与多分叉决策的逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升全局路径规划能力、多分叉决策能力、冲突规避能力，培养 “全局预判、分段规划、灵活调整” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超大规模线路规划难题和浅奥空间推理高阶题，提升答题的逻辑性和规划效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “超大规模方格 + 多分叉空格” 的设计，强化了幼儿的空间全局思维，训练的线路规划能力可迁移到生活中的路线设计（如规划旅行路线、活动区域路线），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，提升应试竞争力。

## 二十二、8-2 思考力：魔方阵②

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 16 宫格内填写 1~16 的数字，使每一横行、竖列及两条对角线的数字之和均为 34（已知 1~16 总和为 136），每个数字仅使用一次，核心考查 100 以内加法应用能力、复杂数字组合推理能力，题目中已知数字极少（仅 2-3 个），且含“对角线与行列交叉空格”，需通过“和为 34 的多数数字组合”+“交叉空格关联推导”完成填空，部分空格需 3 步以上间接推理。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级下学期校内高阶知识点，二年级下学期数学“100 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“极少已知数字魔方阵填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的高阶训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期“加减法运算”单元测试稍难题型（占比约 2%-4%），直接提升稍难题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”难题，二年级浅奥“超复杂魔方阵推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 交叉空格关联突破：引导幼儿优先处理“对角线与行列交叉的空格”（如某空格同时属于第一行和主对角线），通过两条线的已知数字推导（如“第一行已有 8、1，主对角线已有 8、16，结合和为 34 的组合‘ $8+1+16+9=34$ ’，确定空格填 9”）；
- 和为 34 的高频组合速用：让幼儿熟练记忆“ $1+16+15+2=34$ ”“ $3+14+13+4=34$ ”“ $5+12+11+6=34$ ”“ $7+10+9+8=34$ ”等高频组合，直接匹配已知数字补全空格；
- 多线交叉验证：每填一个数字，同步检查其所在行、列及对角线的和是否接近 34（如“填 9 后，第一行和为  $8+1+9=18$ ，剩余空格需填 16；主对角线和为  $8+9+16=33$ ，剩余空格需填 1”），确保无逻辑矛盾。

#### 2) 注意事项

- 禁止盲目填写：提醒幼儿“每一步推导必须基于‘和为 34’的组合与交叉关联，不可随意试数”，培养严谨推理习惯；
- 强化组合记忆与应用：通过口诀（如“首尾配对和为 17，四数相加得 34”）帮助幼儿快速调用组合，减少推导时间；
- 允许辅助标记：用铅笔在空格旁标注可能的数字组合（如“某空格可能填 5 或 12，因 5 已在其他行使用，故填 12”），通过交叉验证逐步排除。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握极少已知数字魔方阵的推理方法，理解“交叉关联 + 固定和组合”的核心逻辑，深化小学二年级 100 以内加法与推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升 100 以内加法应用能力、多数字组合推理能力、间接推理能力、逻辑严谨性，培养“交叉突破、组合优先、多线验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内魔方阵难题和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题训练的数字组合与交叉推理能力可迁移到语文段落逻辑分析（如通过上下文交叉验证词义）、英语语法推导（如通过时态与词性交叉确定单词形式）等学科，同时对接校内和浅奥的运算推理考点，为后续复杂综合题打下坚实基础。

## 二十三、8-3 平面图形：连点绘图③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿按照示例将点描画成与示例相同的图形，以蓝色圆点为基准，画图时不得偏离，核心考查多顶点超复杂交叉图形（如“多层星状”“网状交叉”）的基准定位能力、交叉边角度与图形整体比例的协同还原能力、手部精细动作协调性，题目中图形顶点数量达 12 个以上，且含 5 组以上交叉倾斜边，需同时把控基准点与交叉顶点的位置关系、交叉边角度及图形对称性，明确要求“熟练完成一笔成形”。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与绘制”模块中，“多顶点超复杂交叉图形的精准绘图（含熟练一笔成形）”是重点内容，本题与校内“以基准点为参照，画出含多层交叉边的图形并熟练一笔完成”的测试题型完全一致，是绘图能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形绘制”单元测试压轴题（占比约 1%-3%），如“以蓝色圆点为基准，画出含多层交叉边的星状图形并熟练一笔成形”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“多基准点绘图综合推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 交叉顶点分层定位：引导幼儿以蓝色基准点为原点，将交叉顶点按“内层交叉组、中层交叉组、外层交叉组”分层，每组内用“横向 + 纵向”复合距离标注位置（如“基准点向右 5 格、向上 4 格是内层交叉点，向右 7 格、向上 2 格是外层交叉点”），明确多层交叉边的交点坐标；
- 交叉边分步绘制与一笔衔接：先分段绘制多层交叉边，熟练后按“内层交叉点→中层交叉点→外层交叉点→内层交叉点”的顺序练习一笔成形，衔接处强调“线条连贯、角度精准”（如“从顶点 A→B→C→D→A，转弯处保持 45° 倾斜一致”）；
- 整体比例校准：绘制完成后，对比示例图形的交叉点间距、边的倾斜角度及整体对称性，调整偏差，确保图形比例与示例完全一致。

#### 2) 注意事项

- 强化基准贯穿：全程提醒幼儿以蓝色圆点为唯一基准，绘制多层交叉边时不更换参照点，避免交叉点位置偏差；
- 控制绘图节奏：一笔成形训练时，引导幼儿匀速绘图，避免因速度过快导致线条偏离或断点，单次训练不超过 20 分钟；
- 允许局部修正：对交叉边偏离的情况，仅局部擦除修正交叉区域，不整体重画，培养细节纠错能力。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握多顶点超复杂交叉图形的基准绘图方法，理解多层交叉边与基准点、对称性的协同关系，深化小学二年级图形绘制的高阶知识；
- 能力层面：显著提升多层交叉顶点定位能力、交叉边绘制能力、一笔成形熟练度，培养“分层定位、交叉验证、连贯绘图”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超复杂图形绘制压轴题和浅奥图形操作高阶题，提升答题的精准度和规范性。

## 6. 其他价值补充

本题是连点绘图系列的压轴训练，体现课程“从简单到超复杂、从单一交叉到多层交叉”的难度进阶，与校内知识点的深度提升和浅奥考点的高阶需求完全匹配。老师可向家长说明：“这道题难度已达到小学二年级期末压轴题水平，能让孩子提前适应校内难题的考查方式，同时为浅奥图形操作综合题型打下坚实基础，提升应试优势。”

## 二十四、8-3 平面图形：分解方格③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿将完整的方格（如  $8 \times 8$ ）分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查超大规模复杂方格的分解能力、正方形与长方形的特征深度认知能力，题目中数字分布极密集（含 2、3、4、6、8、9、12 等），且含“多层嵌套数字区域”（某区域包含 3 层以上小数字），需优化分割方案，确保所有图形均符合正方形或长方形形态，且无零散方格残留。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“图形的认识与分类”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“含多层嵌套数字的超大规模方格分割”的课后拓展题型一致，是图形分解能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形分类”单元测试压轴题（占比约 1%-3%），如“将含 2、3、4、6、8、9、12 的  $8 \times 8$  方格分割为正方形和长方形”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“复杂方格推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 多层嵌套数字优先组合：引导幼儿先处理多层嵌套数字区域（如“某 6 格区域内包含 2、2、2”），将多层小数字组合为符合形态的图形（ $2+2+2=6 \rightarrow 2 \times 3$  长方形），减少后续分割难度；
- 大数字与形态精准匹配：对较大数字（如 12、9、8），优先匹配长方形（ $12 \rightarrow 3 \times 4$  或  $4 \times 3$ ， $9 \rightarrow 3 \times 3$  正方形， $8 \rightarrow 2 \times 4$  或  $4 \times 2$ ），避免拆分过小导致零散方格；
- 全局验证与优化：分割完成后，核对方格总数（如  $8 \times 8 = 64$  格，分割后数字总和需为 64），同时检查所有图形是否为正方形或长方形，对剩余的零散小数字（如 2、3），重新组合优化，确保无残留。

#### 2) 注意事项

- 强调形态规范：提醒幼儿“分割后的图形仅可为正方形或长方形”，禁止出现不规则图形或三角形；
- 避免重叠与遗漏：用铅笔标记已分割区域，实时核对多层嵌套区域的数字组合，确保无重叠、无遗漏；
- 结合面积认知：同步讲解“数字 = 图形面积，多层嵌套数字组合是面积分解的高阶形式”，深化面积与图形的关联认知，为后续复杂面积计算打下基础。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握含多层嵌套数字的超大规模方格分割方法，理解多层嵌套组合与图形形态的关联，深化小学二年级图形分解与面积的高阶知识；
- 能力层面：显著提升方格分割能力、多层嵌套数字组合优化能力、图形形态判断能力，培养“嵌套优先、大数字匹配、全局优化”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超复杂方格分割压轴题和浅奥图形操作高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超大规模方格 + 多层嵌套数字”的设计，强化了幼儿对图形与数字关联的深度认知，既对接校内图形分类的高阶考点，又匹配浅奥图形操作的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的分割能力，是后续乘法方格、复杂面积计算的核心基础，同时能提升孩子的空间规划与逻辑思维，为应对综合题打下基础。”



## 二十五、8-3 平面图形：组合拼图板③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿从下方 12 枚 5 格拼图板中，选出可以拼成示例图形的拼图板，即使拼图板翻转也没关系，且示例模型比实际缩小 1/2，核心考查超复杂动态具象图形（如人物跳跃、动物奔跑）的拆分与组合能力、多拼图板（4-5 块）的深度协同匹配能力，题目中示例图形包含“动态姿势细节（如人物腿部弯曲、动物翅膀展开）、多层嵌套凹陷（如人物衣物褶皱、动物身体纹理）”，需精准匹配拼图板的边缘弧度、缺口形状与动态细节特征，拼图板形状更复杂（含不规则曲线、多边形边缘）。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“图形的拼组”模块中，“超复杂动态具象图形的多拼图板组合”是重点内容，本题与校内“选 4-5 块 5 格拼图板拼出动态人物 / 动物图案”的课后拓展题型一致，是图形组合能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形拼组”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），如“选 4-5 块拼图板拼出人物跳跃图案”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“多拼图组合综合推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 超复杂动态图形分层解构：引导幼儿将示例图形按“动态核心层（如人物躯干、动物躯干）→ 动态细节层（如人物腿部、动物翅膀）→ 装饰细节层（如衣物褶皱、身体纹理）”分层，用草图标注每层的动态角度、嵌套缺口形状及所需拼图板数量（如核心层需 2 块、细节层需 2-3 块），重点标注不规则曲线、多边形边缘；
- 拼图板翻转特征与动态匹配：逐一分析 12 枚 5 格拼图板的翻转形态（如“某拼图板翻转后弯曲边缘可匹配人物腿部弯曲，某拼图板翻转后多边形边缘可匹配动物翅膀展开”），筛选候选拼图板；
- 实物拼组验证与动态调整：用教具拼图板按“核心层→ 细节层”的顺序拼组，调整翻转角度，核对动态姿势（如人物跳跃角度、动物奔跑姿态）、边缘及缺口特征，确保整体动态形态与示例完全一致。

#### 2) 注意事项

- 强调整体动态与细节协同：提醒幼儿“先还原核心层的动态形态（如人物跳跃角度、动物奔跑姿势），再匹配细节层特征，避免因关注细节忽略整体动态比例”；
- 允许多次试错与翻转：鼓励幼儿对单一拼图板尝试 4 种以上翻转方向，培养空间想象能力与耐心；
- 安全与收纳：使用实物拼图板时，强调轻拿轻放，避免不规则边缘划伤手指，拼后按“形状复杂度”分类收纳（如含曲线边缘、纯多边形边缘分开）。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超复杂动态具象图形的多拼图板组合方法，理解拼图板翻转协同与动态细节匹配的逻辑，深化小学二年级图形拼组的高阶知识；
- 能力层面：显著提升超复杂动态图形解构能力、拼图板翻转特征预判能力、动态细节还原能力，培养“分层解构、动态优先、协同验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内拼图压轴题和浅奥图形组合高阶题，提升答题的精准度和思维深度。

## 6. 其他价值补充

本题是组合拼图板系列的压轴训练，体现课程“从静态到动态、从简单到超复杂、从规则到不规则”的难度进阶，与校内拓展知识点和浅奥考点高阶需求完全匹配。老师可向家长说明：“这道题难度已达到小学二年级期末压轴题水平，能让孩子提前适应校内难题，同时为浅奥图形组合竞赛题打下坚实基础，提升应试优势。”

## 二十六、8-3 立体图形：找出相同个数③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿将相同个数的图形用线连接起来，核心考查多层交错立体图形（含 4 层及以上）的计数能力、数的合成分解深度应用能力，需将图形按“底层→中层 1→中层 2→上层”分层计数，利用数的合成（如“底层 5 块 + 中层 1 3 块 + 中层 2 2 块 + 上层 1 块 = 11 块”）与分解（如“总数 11 块 - 底层 5 块 - 中层 1 3 块 - 上层 1 块 = 中层 2 2 块”）处理复杂交错隐藏部分，精准判断不同图形的个数是否一致，且图形包含“斜向交错”结构（如上层积木斜向覆盖中层 2 块积木）。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“20 以内加减法”模块的综合应用，本题与校内“分层计数 4 层及以上交错立体图形（含斜向隐藏）并匹配”的测试题型完全一致，是立体图形计数与数感培养的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），如“数出 4 层斜向交错隐藏的立体图形个数并连接相同数量”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“复杂立体图形计数”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 分层计数与斜向隐藏分析：引导幼儿按“底层→中层 1→中层 2→上层”的顺序，用不同颜色铅笔标记每层可见积木，重点分析斜向交错隐藏积木（如“上层 1 块斜向积木对应中层 2 块隐藏，中层 1 块斜向积木对应底层 1 块隐藏”），用数的合成计算每层总数；
- 数的合成分解验证：用数的分解验证计数结果（如“总数 11 块 - 底层 5 块 - 中层 1 3 块 - 中层 2 2 块 = 上层 1 块”），确保准确；
- 实物辅助感知：用立方体搭建 4 层斜向交错图形，让幼儿从侧面、上方观察斜向隐藏积木，理解“可见与斜向隐藏的关联”，降低抽象难度。

#### 2) 注意事项

- 强调分层顺序与斜向逻辑：提醒幼儿“从下层开始计数，且斜向积木下方必有对应隐藏积木”，避免遗漏斜向交错隐藏部分；
- 允许辅助标记：对空间感知较弱的幼儿，用铅笔在图形上标记每层轮廓和斜向隐藏范围，辅助判断个数；
- 避免计数重复：斜向隐藏积木仅归属下层计数，不重复计入上层，避免重复统计。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握多层斜向交错立体图形（含隐藏）的计数方法，理解计数与数的合成分解的深度关联，深化小学二年级立体图形计数与加减法的综合知识；
- 能力层面：显著提升多层立体图形计数能力、空间想象能力（判断斜向隐藏）、数的合成分解应用能力，培养“分层分析、斜向优先、运算验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内立体图形计数压轴题和浅奥空间几何高阶题，提升答题准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多层斜向交错隐藏 + 数的运算”的设计，强化了幼儿的空间分层思维与数感，既对接校内立体图形计数的高阶考点，又匹配浅奥空间几何与运算结合的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的计数能力，是后续复杂立体图形（如积木迷宫）学习的核心基础，同时能强化数的运算应用，为应对综合题打下基础。”

## 二十七、8-3 立体图形：积木迷宫 3 层③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 3 层积木迷宫的空格内填入数字 1~3（表示积木重叠的层数），各行各列空格中数字不重复，且搭建后的积木从左、右、上、下、前、后六个方向观察均与箭头所示数字相符（如“1→”“←2”“↑1”“↓2”“↗1”“↘2”），核心考查立体图形的空间想象能力、六方向视图推理能力，题目中箭头提示极复杂（含六方向箭头），需结合“层数观察规则”“行列不重复”双重约束，同时兼顾六方向视图一致性，推导难度较②阶显著提升。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“立体图形的认识”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“根据六方向视图提示填写立体图形层数”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“立体图形”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“多视图立体推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 六方向箭头规则解读：用实物演示六方向箭头含义（如“‘1→’表示从右侧观察仅能看到 1 层，‘↗1’表示从右前方观察仅能看到 1 层”），让幼儿理解“箭头数字 = 该方向可见的层数种类”；
- 多方向约束优先突破：引导幼儿从同时受 3-4 个方向箭头约束的空格入手（如“某空格同时受‘1→’‘←2’‘↑1’‘↗1’约束，仅能填 1”），填写后以此为突破口，结合“行列不重复”规则推导相邻空格；
- 六视图交叉验证：每填一个数字，从六个方向箭头和行列规则六重验证（如“填 1 后，检查左、右、上、下、前、后方向是否均符合提示，且行列无重复 1”），避免错误。

#### 2) 注意事项

- 禁止直观判断：提醒幼儿“不可凭积木大小判断层数，需严格根据六方向箭头提示和规则推理”；
- 引导有序推理：对推理困难的幼儿，用铅笔标注空格可能的数字（如“某空格可能填 1 或 2”），通过多方向箭头提示逐步排除；
- 控制难度梯度：从“四方向箭头迷宫”过渡到“六方向箭头迷宫”，避免难度跳跃。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握六方向视图积木迷宫的数字推理方法，理解多视图提示与立体层数的关联逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升空间想象能力、多条件数字推理能力、六视图交叉验证能力，培养“规则解读、多约束突破、多视图验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内立体图形推理压轴题和浅奥空间几何高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过“六方向视图 + 数字推理”的设计，强化了幼儿的空间推理思维，既对接校内立体图形的高阶考点，又匹配浅奥空间几何的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多视图推理能力，是后续几何学习的核心基础，同时能提升逻辑思维，为应对复杂综合题打下坚实基础。”

## 二十八、8-3 数量：完成 $+-$ 计算③

### 1. 题目内容描述

这是一组需要在方框中填入“+”或“-”使等式成立的算术题，涉及多步加减混合运算（涵盖 11 - 17 及 1 - 12 的数字组合），通过合理选择运算符号，考查学生的运算能力、逻辑推理能力以及对多步加减混合运算规则的掌握程度。

### 2. 对接校内知识点

对接小学二年级上学期的校内知识点。二年级上学期学生已掌握 20 以内加减法及多步加减混合运算规则，该题目是对这一阶段“数的运算”知识点的拓展应用，锻炼学生在多步运算中选择符号的逻辑思维。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期“加减法运算”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：二年级浅奥“运算类”压轴题，二年级浅奥“多步混合运算符号填充”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法

#### 教学方法

- 分步假设验证法：

以题目（1）“ $11 \square 12 \square 3 \square 4 \square 5 = 21$ ”为例，从左到右分步假设符号。先假设前两个符号为

“+”，则  $11+12=23$ ；再假设第三个符号为“-”，则  $23-3=20$ ；第四个符号为“-”， $20-4=16$ ；最后看  $16 \square 5=21$ ，填“+”即  $16+5=21$ ，等式成立。通过这样逐步假设、验证的步骤，让学生掌握多步运算的符号推理方法。

- 结果导向推理法：

针对题目（2）“ $17 \square 4 \square 11 \square 3 \square 2 = 5$ ”，结果 5 小于 17，优先考虑减法组合，尝试“ $17+4-11-3-2=5$ ”，通过对结果大小的判断，快速锁定符号组合。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：熟练掌握 20 以内及 100 以内含大数字的 5 步以上复杂多步加减法，深化大数字与多组 5/10 组合的关联知识，巩固小学一年级加减法运算的核心内容；

- 能力层面：显著提升复杂多步算式逻辑推理能力、逆向思维能力、多组组合优化能力，培养 “大数字优先、多组关联、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内复杂运算符号压轴题和浅奥运算逻辑高阶题，提升答题的准确性和效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “大数字 + 多组组合 + 多步运算” 的设计，强化了幼儿的运算逻辑与数感，直接对接小学一年级运算难点与浅奥进阶需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多步推理能力，不仅能提升运算灵活性，还能迁移到 20 以上加减法巧算（如凑十法），为后续复杂运算和逻辑推理打下坚实基础。”



## 二十九、8-3 数量：3 的乘法方格③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿使用九九乘法表中关于 3 的乘法口诀，将完整的方格（如  $8 \times 8$ ）分割为若干个正方形和长方形，数字表示被分割后的图形所包含的方格数量，图形之间不可重叠，核心考查超大规模方格的分割能力、3 的乘法口诀在多数数字（含 3、6、9、12、15、18）中的灵活应用能力，关键是按“3 列和多行”的思路优化分割方案，同时处理“多层嵌套数字区域”（某区域含 3 层以上 3 的倍数数字），确保分割后的图形符合乘法口诀与形态要求。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“表内乘法”“长方形和正方形的面积”模块的综合应用，本题与校内“结合 3 的乘法口诀的超大规模方格分割题”的课后拓展题型一致，是乘法口诀与图形分割的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“表内乘法”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），如“结合 3 的乘法口诀，将含 3、6、9、12、15、18 的  $8 \times 8$  方格分割为长方形和正方形”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“乘法方格优化分割”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 3 的乘法口诀与多层嵌套区域组合：引导幼儿回顾 3 的乘法口诀（如“三六十八、三七二十一”），对多层嵌套数字区域（如“含 6、9、3 的区域”），组合为符合口诀的图形（ $6+9+3=18 \rightarrow 3 \text{ 列} \times 6 \text{ 行}$ ），减少零散方格；
- 超大规模方格分层分割：将  $8 \times 8$  方格按“3 列 + 剩余列”分层（如“前 3 列、中间 3 列、最后 2 列”），优先分割 3 列完整区域（如  $3 \text{ 列} \times 6 \text{ 行} = 18 \text{ 格}$ ），再处理剩余列，搭配小数字（3、6）组合；
- 多方案对比优化：鼓励幼儿尝试不同分割顺序（如先分 18 再分 15，或先分 15 再分 18），对比“剩余方格数量”“口诀应用次数”，选择最优方案。

#### 2) 注意事项

- 强调口诀应用规范：提醒幼儿“每块分割图形的方格数量必须严格符合 3 的乘法口诀结果”，不允许无依据分割；
- 避免单一分割思维：同一多层嵌套区域可对应多种口诀组合（如  $6+9+3=18$  对应  $3 \times 6$ ， $9+6+3=18$  也对应  $3 \times 6$ ），引导幼儿灵活选择利于整体分割的方式；
- 结合面积认知：分割时同步讲解“数字 = 图形面积，3 的乘法口诀是面积与‘3 列’边长的计算依据，超大规模方格分割是面积分解的进阶形式”，深化乘法与面积的关联。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握结合 3 的乘法口诀分割超大规模方格的方法，深化 3 的乘法口诀的灵活应用，理解“3 列多行”分割思路与面积优化的关联，提前习得小学二年级表内乘法与面积的高阶知识；
- 能力层面：显著提升方格分割能力、乘法口诀应用能力、多层嵌套数字组合优化能力、多方案对比分析能力，培养“口诀关联、分层分割、效率优化”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内乘法与图形结合的压轴题和浅奥乘法方格高阶题，提升答题的灵活性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超大规模方格 + 多层嵌套数字”的设计，强化了幼儿对乘法口诀实际意义的理解，避免机械记忆。老师可向家长强调：“这道题的训练能让孩子将乘法口诀与空间规划、效率优化深度结合，既巩固乘法知识，又提升图形分割与方案优化能力，为后续学习多位数乘法和复杂面积计算打下基础，同时对接校内综合题和浅奥竞赛题的考查逻辑。”

## 三十、8-3 数量：加法迷宫 A③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在各行各列的空格内分别填入不可重复的数字 1~4，使粗线框出的方格内的数字之和与该框内左上角的数字相符（含和为 7、8 的 4 格框、5 格框），核心考查 20 以内加法的灵活应用能力、多条件数字推理能力，题目中粗线框结构极复杂（含“多层交叉框”，即某空格属于 3 个及以上粗线框），需同时满足“多层框和为目标值”与“行列数字不重复”，推导难度较②阶显著提升。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶知识点，二年级上学期数学“20 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“超复杂加法迷宫（多层交叉框）填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“加减法运算”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”压轴题，二年级浅奥“多层交叉框加法推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 多层交叉框优先突破：引导幼儿先处理多层交叉框（某空格属于 3 个及以上粗线框），通过多个框的和共同推导该空格数字（如“空格属于和为 7 的 4 格框、和为 8 的 5 格框、和为 6 的 3 格框，结合数字 1~4，仅能填 2”）；
- 多框和的协同分解：对关联的多个粗线框（如共享 3 个空格的框），同步分解和值（如“框 1 和为 7，框 2 和为 8，框 3 和为 6，共享空格填 1、2、3，剩余空格分别填 1、2、3”），确保多框和均达标；
- 全局验证：每填一个数字，同步检查“所属所有粗线框和是否达标”与“行列是否重复”，避免后续连锁错误。

#### 2) 注意事项

- 避免孤立推理：提醒幼儿“多层交叉框空格需同时满足多个框的和，不可孤立推导”，培养多条件协同思维；
- 允许标记辅助：对推理困难的幼儿，用铅笔在空格旁标注可能的数字（如“某交叉空格可能填 1 或 2”），通过多框和逐步排除；
- 控制框体复杂度：从“共享 2 个空格的框”过渡到“共享 3 个空格的框”，搭配“和为 7→和为 8”的难度梯度，避免幼儿挫败。

### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超复杂加法迷宫（多层交叉框）的推理方法，理解 “多层交叉框和的分解” 与 “多框协同” 的逻辑，深化小学二年级加法与推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升 20 以内加法应用能力、多条件协同推理能力、全局验证能力，培养 “交叉框优先、多框协同、分步验证” 的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内加法迷宫压轴题和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题通过 “多层交叉框 + 多框协同” 的设计，强化了幼儿的运算逻辑与严谨性，既对接校内加法与推理的高阶考点，又匹配浅奥运算推理的深度需求。老师可向家长强调：“这类题目训练的多条件协同推理能力，不仅能提升数学运算题得分，还能迁移到生活中的多目标数字分配问题（如分物品），为后续复杂综合题打下基础。”

## 三十一、8-3 思考力：天平（哪个轻）③

### 1. 题目内容描述

这是一道通过多个天平的倾斜情况，在圆形（○）、三角形（△）、正方形（□）、五边形（◇）、五角星（☆）中找出最轻图形的逻辑推理题。

### 2. 对接校内知识点

对应小学一年级下学期校内高阶知识点，一年级下学期数学“比轻重”模块中，“含多重复合关系的超复杂重量推理（双重基准 + 矛盾修正）”是重点内容，本题与校内“设定双重基准，根据四重等式与三重不等式推导最轻物体”的测试题型完全一致，是重量推理的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：一年级下学期“比轻重”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”压轴题，二年级浅奥“超复杂等量替换推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 分步推理法：
  - 第一个天平：蓝色□在高端，黑色△和绿色△在低端，说明 \*\*△比□轻\*\*（天平高端物体更轻）。
  - 第二个天平：紫色☆在高端，黑色△和橙色◇在低端，说明 \*\*☆比◇轻\*\*。
  - 第三个天平：红色○在高端，黑色△和橙色◇在低端，说明 \*\*○比◇轻\*\*。
  - 第四个天平：蓝色□在高端，黑色△和紫色☆在低端，说明 \*\*☆比□轻\*\*。

综上，☆是最轻的。

- 实物模拟法：

用不同重量的积木（分别标记○、△、□、◇、☆）模拟四个天平的倾斜，让学生直观感受物体轻重关系，再引导其迁移到图形推理。

#### 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握含多重复合关系的重量推理方法，理解双重基准、多步等式化简、矛盾修正与复杂等量替换的逻辑链，深化小学一年级比轻重的高阶知识；
- 能力层面：显著提升多步等式化简能力、超复杂等量替换思维、矛盾修正能力、逻辑严谨性，培养“基准先行、分步推导、交叉验证、灵活调整”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超复杂重量推理压轴题和浅奥逻辑推理高阶题，提升答题的逻辑性和严谨度。

## 6. 其他价值补充

本题通过“多重复合关系 + 矛盾修正”的设计，将重量推理难度提升至小学一年级高阶水平，训练的推理能力可迁移到科学实验分析（如修正实验数据矛盾）、生活中的多条件决策（如购物时对比性价比并调整选择），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，为后续复杂逻辑学习打下坚实基础。

## 三十二、8-3 思考力：开辟道路 A③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿从起点到终点开辟一条线路，需通过所有空格（15-18 个），每个空格仅可通过一次，线路方向仅限横向和纵向，不可斜向前进，核心考查超大规模方格（如  $8\times 8$ ）的全局路径规划能力、多分叉空格决策与复杂冲突规避能力，题目中空格数量更多且含“多层分叉空格”（某空格可向 4 个方向前进，且每个方向均连接多个空格），需提前预判多条可能路线，避免走进“多层死胡同”（某分支路线需多次回溯），同时确保线路连贯且覆盖所有空格。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“数学广角——推理”模块中，“超大规模方格全空格线路规划（含多层分叉）”是重点内容，本题与校内“ $8\times 8$  方格中规划无重复全空格线路”的课后拓展题型一致，是空间推理能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“推理”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“逻辑类”压轴题，二年级浅奥“多层分叉线路推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 全局预判与路线分层草图：引导幼儿先标记起点和终点，用虚线勾勒 4-5 条可能的路线，按“优先级”分层（如“高优先级：靠近终点、分叉少；低优先级：远离终点、分叉多”），优先尝试高优先级路线；
- 多层分叉空格决策：遇到多层分叉空格（可向 4 个方向前进）时，采用“分支测试法”——先标记某一方向的前 2-3 个空格，判断是否通向未使用空格且靠近终点，若出现死胡同，立即回溯选择其他方向；
- 分段标记与冲突精准调整：将方格按“起点区→中间分叉区→终点区”分段，用不同颜色铅笔标记已通过空格，若某段路线出现冲突（如某区域空格无法覆盖），仅调整中间分叉区的局部路线，避免整体重构。

#### 2) 注意事项

- 强化全局思维：提醒幼儿“每走 5 步就整体审视剩余空格分布，确保线路向终点方向延伸且覆盖所有区域”，避免局限于局部路线；
- 避免重复通过：实时标记已通过空格，完成后核对方格总数（如  $8\times 8=64$  格，线路需通过 64 个空格），确保无重复、无遗漏；
- 控制方格规模与分叉难度：从“ $7\times 7$  方格（含 3 个多层分叉空格）”过渡到“ $8\times 8$  方格（含 5 个多层分叉空格）”，搭配空格数量逐步增加，避免难度跳跃。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超大规模方格全空格线路规划方法，理解全局预判、多层分叉决策与复杂冲突规避的逻辑，深化小学二年级空间推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升全局路径规划能力、多层分叉决策能力、复杂冲突规避能力，培养“全局预判、分层规划、精准调整”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内超大规模线路规划压轴题和浅奥空间推理高阶题，提升答题的逻辑性和规划效率。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超大规模方格 + 多层分叉空格”的设计，强化了幼儿的空间全局思维与复杂问题解决能力，训练的线路规划能力可迁移到生活中的路线设计（如规划旅行路线、大型场馆疏散路线），同时对接校内和浅奥的逻辑考点，提升应试竞争力。



## 三十三、8-3 思考力：魔方阵③

### 1. 题目内容描述

要求幼儿在 16 宫格内填写 1~16 的数字，使每一横行、竖列及两条对角线的数字之和均为 34（已知 1~16 总和为 136），每个数字仅使用一次，核心考查 100 以内加法应用能力、超复杂数字组合推理能力，题目中已知数字极少（仅 1-2 个），且含“多组对角线与行列交叉空格”，需通过“和为 34 的多数字组合”+“多交叉空格关联推导”完成填空，部分空格需 5 步以上间接推理，且需处理“数字重复风险”（某数字同时符合多个组合，需通过多线验证排除）。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级下学期校内高阶知识点，二年级下学期数学“100 以内加减法”“数学广角——推理”模块的综合应用，本题与校内“极少已知数字魔方阵（含多交叉空格）填空”的课后拓展题型一致，是加法与推理的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级下学期“加减法运算”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“运算类”压轴题，二年级浅奥“超复杂魔方阵推理”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 多交叉空格关联突破：引导幼儿优先处理“多组对角线与行列交叉的空格”（如某空格同时属于第一行、主对角线和某粗线框），通过多条线的已知数字 + 和为 34 的组合推导（如“第一行已有 2，主对角线已有 2、16，结合组合‘ $2+16+15+1=34$ ’，确定空格填 15”）；
- 和为 34 的高频组合速用与重复排除：让幼儿熟练记忆“ $1+16+15+2=34$ ”“ $3+14+13+4=34$ ”等高频组合，对同时符合多个组合的数字（如“5 可属于‘ $5+12+11+6=34$ ’或‘ $5+10+9+10=34$ ’，排除重复数字 10，选择前者”），通过多线验证排除重复风险；
- 多线交叉验证与调整：每填一个数字，同步检查其所在行、列、对角线及关联粗线框的和是否接近 34，若出现数字重复风险（如某行已填 5，另一交叉空格也需填 5），回溯调整前一步的数字选择。

#### 2) 注意事项

- 禁止盲目填写：提醒幼儿“每一步推导必须基于‘和为 34’的组合、多交叉关联与重复排除，不可随意试数”，培养严谨推理习惯；
- 强化组合记忆与重复风险意识：通过口诀（如“首尾配对和为 17，四数不重复得 34”）帮助幼儿快速调用组合，同时时刻关注数字是否已在其他区域使用；
- 允许辅助标记：用铅笔在空格旁标注可能的数字组合及使用状态（如“某空格可能填 5（未使用）或 12（已使用），故填 5”），通过多线验证逐步排除。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握极少已知数字魔方阵（含多交叉空格）的推理方法，理解“多交叉关联 + 固定和组合 + 重复排除”的核心逻辑，深化小学二年级 100 以内加法与推理的高阶知识；
- 能力层面：显著提升 100 以内加法应用能力、多数字组合推理能力、间接推理能力、重复风险排除能力，培养“多交叉突破、组合优先、多线验证、风险规避”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内魔方阵压轴题和浅奥运算推理高阶题，提升答题的逻辑性和准确性。

## 6. 其他价值补充

本题训练的数字组合、交叉推理与风险排除能力可迁移到语文段落逻辑分析（如通过上下文交叉验证词义并排除歧义）、英语语法推导（如通过时态与词性交叉确定单词形式并排除错误选项）等学科，同时对接校内和浅奥的运算推理考点，为后续复杂综合题打下坚实基础。

# 三十四、8-4 思考力：挑战难题①（拼图板拼接）

## 1. 题目内容描述

要求幼儿从下方 9 枚拼图板中，选出可以拼出示例图形的拼图板，即使拼图板翻转也没关系，且示例模型比实际缩小 1/2，核心考查超复杂静态具象图形（如多层建筑、复杂植物）的拆分与组合能力、少量拼图板（3-4 块）的深度协同匹配能力，题目中示例图形包含“多层嵌套结构（如建筑带多层屋顶、植物带分叉枝干）、细节纹理（如建筑窗户、植物叶片）”，需精准匹配拼图板的边缘弧度、缺口形状与细节纹理特征，拼图板形状更复杂（含不规则曲线、多边形边缘）。

## 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内高阶拓展知识点，二年级上学期数学“图形的拼组”模块中，“超复杂静态具象图形的少量拼图板组合”是重点内容，本题与校内“选 3-4 块拼图板拼出多层建筑 / 复杂植物图案”的课后拓展题型一致，是图形组合能力的压轴训练。

## 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形拼组”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），如“选 3-4 块拼图板拼出含多层屋顶的建筑图案”，直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“多拼图组合综合推理”题的前置训练。

## 4. 老师的教学方法和注意事项

### 1) 教学方法

- 超复杂图形细节分层解构：引导幼儿将示例图形按“核心结构层（如建筑主体、植物主干）→ 细节纹理层（如建筑屋顶、植物叶片）”分层，用草图标注每层的嵌套结构形状、细节纹理位置及所需拼图板数量（如核心层需 2 块、细节层需 1-2 块），重点标注不规则曲线、多边形边缘与纹理特征；
- 拼图板翻转特征与细节匹配：逐一分析 9 枚拼图板的翻转形态（如“某拼图板翻转后弧形边缘可匹配建筑屋顶曲线，某拼图板翻转后多边形边缘可匹配植物枝干分叉”），重点关注“拼图板细节与示例纹理的契合度”（如拼图板缺口是否匹配建筑窗户位置），初步筛选 3-4 块候选拼图板；
- 实物拼组验证与调整：用教具拼图板按“核心层→ 细节层”的顺序拼组，调整翻转角度，核对边缘、缺口与细节纹理（如“建筑屋顶是否与主体对齐，植物叶片是否与枝干衔接”），确保整体形态与示例完全一致。

### 2) 注意事项

- 强调整体结构与细节协同：提醒幼儿“先还原核心层的整体结构（如建筑高度、植物主干长度），再匹配细节纹理，避免因关注细节忽略整体比例”；
- 允许多次试错与翻转：鼓励幼儿对单一拼图板尝试 4 种以上翻转方向，培养空间想象能力与耐心；
- 安全与收纳：使用实物拼图板时，强调轻拿轻放，避免不规则边缘划伤手指，拼组完成后按“形状复杂度”分类收纳（如含曲线边缘、纯多边形边缘分开）。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：掌握超复杂静态具象图形的少数量拼图板组合方法，理解“少数量拼图板翻转协同 + 细节纹理匹配”的逻辑，深化小学二年级图形拼组的高阶知识；
- 能力层面：显著提升超复杂图形解构能力、拼图板翻转特征预判能力、细节纹理还原能力、空间想象能力，培养“分层解构、细节优先、协同验证”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内拼图压轴题和浅奥图形组合高阶题，提升答题的精准度和思维深度。

## 6. 其他价值补充

本题是拼图板拼接系列的压轴训练，体现课程“从简单到超复杂、从规则到不规则、从动态到静态深度细节”的难度进阶，与校内拓展知识点和浅奥考点高阶需求完全匹配。老师可向家长说明：“这道题难度已达到小学二年级期末压轴题水平，能让孩子提前适应校内难题的考查方式，同时为浅奥图形组合竞赛题打下坚实基础，提升应试优势。”

## 三十五、8-4 思考力：挑战难题②（六巧板拼接）

### 1. 题目内容描述

要求幼儿使用六巧板（5 个等腰直角三角形、1 个正方形、1 个平行四边形）摆出如图所示的超复杂具象图形（如传统人物、复杂交通工具），允许六巧板翻转，核心考查六巧板各板块的特征深度认知、超复杂具象图形的还原能力、空间想象能力，题目中示例图形包含“复杂静态结构（如人物传统服饰褶皱、交通工具车轮与车身衔接）、细节装饰（如人物头饰、交通工具车窗）”，需灵活应用各板块的翻转与组合，且板块拼接需精准匹配“边长比例（如大三角形斜边与正方形边长一致）、角度衔接（如平行四边形  $45^\circ$  角与三角形  $45^\circ$  角对齐）、细节位置（如小三角形匹配人物头饰）”。

### 2. 对接校内知识点

对应小学二年级上学期校内核心高阶知识点，二年级上学期数学“图形的拼组”模块中，“六巧板超复杂静态具象图案拼搭”是重点拓展内容，本题与校内“用六巧板拼出传统人物 / 复杂交通工具图案”的课后拓展题型完全一致，是六巧板应用能力的压轴训练。

### 3. 应试应用场景

- 校内场景：二年级上学期“图形拼组”单元测试压轴题（占比约 1%-2%），直接提升压轴题的得分率；
- 浅奥场景：一年级浅奥“图形类”压轴题，二年级浅奥“六巧板创新拼搭”题的前置训练。

### 4. 老师的教学方法和注意事项

#### 1) 教学方法

- 六巧板板块特征深度回顾：引导幼儿回顾六巧板各板块的边长、角度关系（如“大三角形直角边 = 正方形边长 = 平行四边形长边；小三角形直角边 = 正方形边长的  $1/2$ ”），用实物演示各板块的翻转形态（如“大三角形翻转后可作为人物躯干，平行四边形翻转后可作为人物服饰下摆，小三角形翻转后可作为人物头饰”），重点标注“关键匹配边（如斜边、长边）”与“细节适配位置（如小三角形对应头饰）”；
- 超复杂图形结构与细节解构：将示例图形（如传统人物）按“核心结构层（如躯干、四肢）→ 细节装饰层（如头饰、服饰褶皱）”分层，分析各部位所需板块类型、翻转方向及拼接要求（如“躯干用 1 个大三角形 + 1 个正方形，拼接角度为  $45^\circ$ ；头饰用 2 个小三角形，翻转后与躯干顶部斜边衔接”），用简单草图标注各板块的位置、角度及细节适配点；
- 分步拼搭与精准调整：按“核心结构层→ 细节装饰层”的顺序拼搭，先拼出人物躯干（大三角形 + 正方形），调整正方形翻转角度确保躯干比例与示例一致，再拼四肢、头饰等细节部位，每拼一块就检查“边长是否重合、角度是否适配、细节是否对位”（如“小三角形斜边与躯干顶部斜边是否对齐，是否匹配头饰位置”），确保整体形态与细节装饰精准还原。

#### 2) 注意事项

- 强调板块边长、角度与细节协同：提醒幼儿“拼组时必须确保板块边长重合、角度适配（如大三角形  $45^\circ$  角与平行四边形  $45^\circ$  角衔接），细节部位的大小、位置需与整体比例协调”，避免结构变形或细节突兀；
- 鼓励创新尝试：在还原示例图形后，鼓励幼儿用相同六巧板拼搭同类静态图形（如将传统人物调整为古代士兵，将交通工具调整为带货物的马车），培养创新思维与空间想象能力；
- 安全与收纳：使用六巧板时，强调轻拿轻放，避免边缘划伤手指，拼组完成后按“板块类型”分类收纳（如大三角形、中三角形、正方形、平行四边形、小三角形分开），便于下次使用。

## 5. 培养能力与知识价值

- 知识层面：熟练掌握六巧板各板块的特征与超复杂静态图形的组合逻辑，理解超复杂具象图形的六巧板还原方法，深化小学二年级图形拼组的高阶知识；
- 能力层面：显著提升六巧板应用能力、超复杂图形还原能力、空间想象能力（预判板块翻转后的细节效果）、角度与比例把控能力，培养“结构解构、板块协同、细节精准”的思维方式；
- 应试能力层面：适应校内六巧板压轴题和浅奥图形操作高阶题，提升答题的精准度和创新思维。

## 6. 其他价值补充

本题通过“超复杂静态图形 + 六巧板精准拼搭”的设计，将图形拼组难度提升至小学二年级高阶水平，训练的空间思维、创新能力可迁移到美术构图（如用简单图形组合复杂静态画面）、手工制作（如用零件拼搭复杂模型）等领域，同时对接校内和浅奥图形考点，实现素质培养与应试准备的双重目标。

（完）